

Introduction au problème de la factorisation

Voilà mon approche personnel

$$\overset{(1)}{x^2 + y^2 = 2Q} \ \& \ \overset{(2)}{x^2 - y^2 = 2M} \ \& \ \overset{(3)}{xy = N}$$

$$\text{Implication} \rightarrow Q^2 = M^2 + N^2$$

x , y , M et Q inconnue. Le côté N du triangle rectangle est connue et il faut trouver les deux autres côtés M ou Q pour résoudre le premier problème de la factorisation. Le deuxième problème sera de préciser la solution (x, y) si elle existe à partir des règles et opérations disponibles.

Preuve pour l'égalité $Q^2 = M^2 + N^2$:

On résout les 3 couples d'équations (1) et (2), (1) et (3), (2) et (3) et on trouve les identités suivantes :

$$x^2 = Q + M = Q + \sqrt{Q^2 - N^2} = M + \sqrt{M^2 + N^2}$$

$$y^2 = Q - M = Q - \sqrt{Q^2 - N^2} = -M + \sqrt{M^2 + N^2}$$

Le premier problème est résolu c'est à dire que le problème de la factorisation est ici relié aux propriétés du triangle rectangle qui sont rattaché à des outils mathématiques en tout genre. Le deuxième problème consiste à rajouter des contraintes sur x et y pour cibler les solutions entières sur M et Q (N étant d'entrée de jeu identifié comme le produit de deux nombres premiers). Pour finir il faudrait ensuite rajouter d'autres contraintes pour que ses solutions en x et y soient les nombres premiers recherchés. Si le problème est relativement impossible à résoudre ou rentre dans les propositions indécidables de Gödel j'ai l'intuition qu'on pourra voir ça quelque part dans cette recherche à partir des propriétés de ce triangle rectangle et du THM de Fermat. _____ FB