

حلول سلسلة تمارين فصل 13: وراثة العشار

تمرين 1:

- تحكم أليلي صفة لون البتلات علاقة السيادة الوسطية (Codominance)، فنكتب: $C^J = C^V$
- ويمكن إجمال معطيات التمرين ضمن الجدول الموالي:

الأعداد	التركيب الوراثي	الشكل المظهر (لون البتلات)
02	$C^J C^J$	صفراء
36	$C^J C^V$	خضراء فاتحة
162	$C^V C^V$	خضراء داكنة

- بوضع p : تكرار الأليل C^J ، و q : تكرار الأليل C^V فإن:

$$\text{Freq. } (C^J) = p = \frac{\text{عدد الأفراد الخضراء الفاتحة} + (\text{عدد الأفراد الصفراء})}{(\text{العدد الكلي للأفراد})} = \frac{2.(02) + 36}{2.(200)} = \frac{38}{200}$$

Freq. $(C^J) = p = 0,1$

- ومن خلال علاقة الاتزان الوراثي، يمكننا إيجاد q :

$$p+q=1, \quad q = 1 - p = 1 - 0,1 = 0,9$$

- كما يمكن حساب q مثلاً حسبنا p سابقاً، وذلك من خلال المعادلة:

$$\text{Freq. } (C^V) = q = \frac{\text{عدد الأفراد الخضراء الفاتحة} + (\text{عدد الأفراد الخضراء الداكنة})}{(\text{العدد الكلي للأفراد})} = \frac{2.(162) + 36}{2.(200)} = \frac{216}{200}$$

Freq. $(C^V) = q = 0,9$

تمرين 2:

- تحكم أليلي صفة نظام مجموعة الدم علاقة السيادة الوسطية (Codominance)، فنكتب: $L^M = L^N$
- كما يمكن عمل الجدول الموالي:

الأعداد	التكرارات	التركيب الوراثي	الشكل المظهر (مجموعة الدم)
119	p^2	$L^M L^M$	M
76	$2pq$	$L^M L^N$	MN
13	q^2	$L^N L^N$	N

أ-

- بوضع p : تكرار الأليل L^M ، و q : تكرار الأليل L^N فإن:

$$\text{Freq. } (L^M) = p = \frac{L^M}{\text{العدد الكلي للأليلات}} = \frac{2.(119) + 76}{2.(208)} = \frac{262}{416}$$

Freq. $(L^M) = p = 0,75$

- ومن خلال علاقة الاتزان الوراثي، يمكننا إيجاد q :

$$p+q=1, \quad q = 1 - p = 1 - 0,75 = 0,25$$

Freq. $(L^N) = q = 0,25$

ب-

- إذا كان: $p=0,3$; $q=0,7$ ، فإن تكرار الأفراد الحاملين للزمرة الدموية MN (خلطة التركيب الوراثي $L^M L^N$) يعطى من خلال المعادلة:

$$\text{Freq. } (L^M L^N) = 2pq = 2.(0,3).(0,7) = 0,42$$

- وبالتالي فإن عدد الأفراد x الحاملين للزمرة الدموية MN من مجموع عينة مكونة من 500 شخص يمكن حسابه من خلال العلاقة:

$$x = (0,42).(500) = 210$$

تمرين 3:

- تحكم أليلي صفة لون الساق علاقة السيادة التامة (Dominance)، فنكتب: $A > a$
- وبالمثل، تحكم أليلي صفة قد الورقة علاقة السيادة التامة كذلك، فنكتب: $C > c$
- كما يمكن عمل الجدول الموجي:

الأعداد	التركيب الوراثي	الأشكال المظهرية
204	A_C_	بنفسجية، صغيرة
194	A_cc	بنفسجية، كبيرة
102	aaC_	خضراء، صغيرة
100	aacc	خضراء، كبيرة

- ولأن الصفتين تتبعان جينيين مستقلين، فيمكن عمل جدول تصرير لكل صفة على انفراد، وذلك كي يتسعى لنا تبسيط المعطيات، والإجابة على سؤال التمرين:

$\begin{array}{ c c c } \hline \text{♀} & \text{♂} & \\ \hline \text{C} & \text{C} & \text{c} \\ \hline \text{p} & \text{p} & \text{q} \\ \hline \end{array}$	$\begin{array}{ c c c } \hline \text{♀} & \text{♂} & \\ \hline \text{A} & \text{A} & \text{a} \\ \hline \text{p}' & \text{p}' & \text{q}' \\ \hline \end{array}$
$\begin{array}{ c c c } \hline \text{C} & \text{CC} & \text{Cc} \\ \hline \text{p} & \text{p}^2 & \text{pq} \\ \hline \end{array}$	$\begin{array}{ c c c } \hline \text{A} & \text{AA} & \text{Aa} \\ \hline \text{p}' & \text{p}'^2 & \text{p}'\text{q}' \\ \hline \end{array}$
$\begin{array}{ c c c } \hline \text{c} & \text{Cc} & \text{cc} \\ \hline \text{q} & \text{pq} & \text{q}^2 \\ \hline \end{array}$	$\begin{array}{ c c c } \hline \text{a} & \text{Aa} & \text{aa} \\ \hline \text{q}' & \text{p}'\text{q}' & \text{q}'^2 \\ \hline \end{array}$

أـ

- لدينا: (شكل الورقة الكبيرة) $c > C$ (شكل الورقة الصغيرة)، وبالتالي نضع:

$$\text{Freq. } (C) = p, \text{Freq. } (c) = q$$

- يمكننا حساب تكرار النباتات كبيرة الأوراق كالتالي:

$$\text{Freq. } (cc) = q^2 = \frac{\text{عدد النباتات كبيرة الأوراق}}{\text{العدد الكلي للنباتات}} = \frac{194+100}{600} = 0,49$$

- وبالتالي نستخرج تكرار أليل صفة الورقة الكبيرة:

$$\text{Freq. } (c) = q = 0,7$$

- ومن خال معادلة الاتزان الوراثي $p+q=1$ ، يمكن حساب تكرار أليل صفة الورقة الصغيرة:

$$\text{Freq. } (C) = p = 0,3$$

بـ

- لدينا: (لون الورقة الأخضر) $a > A$ (لون الورقة البنفسجي)، وبالتالي نضع:

$$\text{Freq. } (A) = p', \text{Freq. } (a) = q'$$

- يمكننا حساب تكرار النباتات خضراء الأوراق كالتالي:

$$\text{Freq. } (aa) = q'^2 = \frac{\text{عدد النباتات خضراء الأوراق}}{\text{العدد الكلي للنباتات}} = \frac{100+102}{600} = 0,34$$

- وبالتالي نستخرج تكرار أليل صفة الورقة الخضراء:

$$\text{Freq. } (a) = q' = 0,58$$

تمرين 4:

- تحكم أليلي صفة انتاج مولدات الصد علاقة السيادة التامة (Dominance)، فنكتب : $R > r$
- بوضع p : تكرار الأليل R، و q : تكرار الأليل r، فإنه يمكن عمل الجدول الموالي:

♀	♂	R	r
		p	q
R		RR	Rr
	p	p^2	pq
r		Rr	rr
	q	pq	q^2

- يمكننا حساب تكرار الأفراد ذوي النمط R كال التالي:

$$\text{Freq. (rr)} = q^2 = 0,15$$

- وبالتالي نستخرج تكرار الأليل r (q):

$$\text{Freq. (r)} = q = 0,39$$

- أما تكرار الأليل R (p) فنستخرجه من خلال معادلة الاتزان الوراثي:

$$p + q = 1 \Rightarrow p = 1 - q = 1 - 0,39 = 0,69$$

$$\text{Freq. (R)} = p = 0,69$$

تمرين 5:

- بوضع: C_1 : أليل وجود القرون، C_2 : أليل غياب القرون

- ولدينا: $C_2 > C_1$ لدى الذكور، بينما $C_2 < C_1$ لدى الإناث

- وبوضع: p : تكرار الأليل C_1 ، q: تكرار الأليل C_2 ، و يمكن عمل الجدول الموالي، حيث +: وجود قرون، -: عديم القرون:

Genotypes	Frequencies	phenotypes	
		♂	♀
C_1C_1	p^2	+	+
C_1C_2	$2pq$	+	-
C_2C_2	q^2	-	-

- نجد أولاً قيم p و q:

$$\frac{\text{عدد الإناث ذوات القرون}}{\text{العدد الكلي للإناث}} = \text{Tكرار الإناث ذوات القرون} = p^2$$

$$\frac{75}{300} = 0,25 = \text{Tكرار الإناث ذوات القرون}$$

$$p^2 = 0,25 ; p = 0,5 , q = 0,5$$

- أ - نسبة (تكرار) الإناث غير متماثلة التركيب الوراثي (الحاملة للتركيب الوراثي C_1C_2) هي :

$$\text{Freq. } (C_1C_2) = 2pq = 2 \cdot 0,5 \cdot 0,5 = 0,5$$

- ب - نسبة (تكرار) الذكور ذوي القرون (الحاملة للتركيب الوراثي C_1C_1 و C_2C_2) هي :

$$\text{Freq. } (C_1C_1) + \text{Freq. } (C_2C_2) = p^2 + 2pq = (0,5)^2 + (2 \cdot 0,5 \cdot 0,5) = 0,75$$

تمرين 6:

- لدينا : G^r (أحمر)، g^i (لون وسط) و g (رمادي) ، مع : $g^i > g > g^r$
- بوضع :

Freq. $G^r = p$; Freq. $g^i = q$; Freq. $g = r$

- وبعمل جدول Punnett للتضريب الوراثي فيما بين أفراد العشيرة:

		♂	G^r	g^i	g
		♀	p	q	r
G^r	p	$G^r G^r$	$G^r g^i$	$G^r g$	pr
g^i	q	$G^r g^i$	$g^i g^i$	$g^i g$	qr
G	r	$G^r g$	$g^i g$	gg	r^2

- كما يمكن عمل الجدول الموالي :

Phenotypes	Genotypes	Frequencies
Red	$G^r G^r, G^r g^i, G^r g$	$p^2 + 2pq + 2pr$
Medium	$g^i g^i, g^i g$	$q^2 + 2qr$
Gray	gg	r^2

- يمكن ببساطة استخراج تكرار الأليل g (r) من خلال :

$$\frac{\text{عدد الأفراد الرمادية}}{\text{العدد الكلي للأفراد}} = \text{تكرار الأفراد الرمادية}$$

$$= \text{تكرار الأفراد الرمادية} = \frac{18}{200} = r^2 = 0.09 ; \quad \mathbf{r = 0,3}$$

- أما تكرار الأليل g^i (q) فيمكن استخراجه من خلال المعادلة:

$$\frac{\text{تكرار الأفراد متوسطة اللون} + \text{عدد الأفراد الرمادية}}{\text{العدد الكلي للأفراد}} = \frac{\text{تكرار الأفراد متوسطة اللون} + \text{تكرار الأفراد الرمادية}}{\text{العدد الكلي للأفراد}}$$

$$q^2 + 2qr + r^2 = \frac{\text{عدد الأفراد متوسطة اللون} + \text{عدد الأفراد الرمادية}}{\text{العدد الكلي للأفراد}} = \frac{18+144}{200} = 0,81$$

$$(q+r)^2 = 0,81 ;$$

$$q+r = 0,9 ; \quad q = 0,9-r = 0,9-0,3 ; \quad \mathbf{q = 0,6}$$

- ومن خلال معادلة هاردي - وينبرغ، نستطيع استنتاج تكرار الأليل G^r (G^r) :

$$p + q + r = 1 ;$$

$$p = 1 - (q + r) = 1 - (0,6 + 0,3) = 1 - 0,9 = 0,1 ; \quad \mathbf{p = 0,1}$$

تمرين 7:

- لدينا: (أليل صفة المرض) $h < H$ (أليل الصفة العادي)

$$\text{Freq. (h)} = q = 0,01 ; \text{Freq. (H)} = p = 0,99$$

- يمكن عمل جدول Punnett للتضريب الوراثي فيما بين أفراد العشيرة:

	$\hat{\sigma}$	X^H	X^h	y
$\hat{\varphi}$		p	q	
X^H	p	$X^H X^H$	$X^H X^h$	$X^H y$
		p^2	pq	p
X^h	q	$X^H X^h$	$X^h X^h$	$X^h y$
		pq	q^2	q

أ- التكرار المتوقع للمرضى الذكور :

$$\text{Freq. } (X^h y) = \text{Freq. (h)} = q = 10^{-2}$$

ب- التكرار المتوقع للمرضى الإناث :

$$\text{Freq. } (X^h X^h) = q^2 = (0,01)^2 = 10^{-4}$$

تمرين 8:

- لدينا: (أليل صفة المرض) $d > D$ (أليل الصفة العادي)

- وبوضع: $Freq. (D) = p ; Freq. (d) = q$

- يمكن أن نجد (d) من خلال:

$$\text{Freq. (d)} = \text{Freq. } (X^d y) = q = \frac{\text{عدد الذكور المرضى}}{\text{العدد الكلي للذكور}} = \frac{20}{500} = 0,04$$

أ- وبالتالي يمكن حساب تكرار الأليل السائد (D) من خلال:

$$p + q = 1$$

$$\text{Freq. (D)} = p = 1 - q = 1 - 0,04 = 0,96$$

ب- وللتبسيط أكثر يمكن عمل جدول Punnett للتضريب الوراثي فيما بين أفراد العشيرة:

	$\hat{\sigma}$	X^D	X^d	y
$\hat{\varphi}$		P	q	
X^D	p	$X^D X^D$	$X^D X^d$	$X^D y$
		p^2	pq	p
X^d	q	$X^D X^d$	$X^d X^d$	$X^d y$
		pq	q^2	q

- ومنه نستخرج تكرار النساء السليمات (الحاملة للتركيب الوراثي: $X^D X^d$ و $X^D X^D$) من المعادلة التالية:

$$p^2 + 2pq = 0 (0,96)^2 + 2 \cdot (0,96) \cdot (0,04) = 0,9984$$

- أي أن النسبة المئوية للنساء السليمات في العشيرة = 99,84%.