

Exercice 1 :

$$y_s(t) = 3.10^{-3} \sin(100 \pi t + \pi); \quad V = 40 \text{ cm.s}^{-1}$$

1°) a- Phénomènes observés sur la surface du liquide :

Rides circulaires qui se propagent transversalement sur la surface du liquide et dont le centre est le point S

b- Elongation et vitesse du point S à $t = 0,5 \text{ s}$

$$\begin{aligned} \text{Elongation : } \begin{cases} y_S(t) = 3.10^{-3} \sin(100 \pi t + \pi) & (y_S \text{ en m}) \\ y_S(0,5) = 3.10^{-3} \sin(100 \pi(0,5) + \pi) \\ \quad = 3.10^{-3} \sin(51\pi) = 0 \text{ m} \end{cases} \\ \boxed{y_S(0,5) = 0} \end{aligned}$$

$$\text{Vitesse : } v(t) = 3.10^{-3} \cos(100 \pi t + \pi)$$

$$v(0,5) = 300 \pi \cdot 10^{-3} \cos(50 \pi + \pi) = 0,3 \pi \cos(51\pi) = -0,3 \pi \text{ m.s}^{-1} = -9,42 \text{ m.s}^{-1}$$

$$\boxed{v(0,5) = -9,42 \text{ m.s}^{-1}}$$

2°) a- Equation horaire du mouvement de M tel que $SM = 5 \text{ cm}$

$$y_M(t) = 3.10^{-3} \sin\left(100 \pi t + \pi - \frac{2 \pi x}{\lambda}\right)$$

$$\lambda = VT = V \frac{2 \pi}{\omega} = V \frac{2 \pi}{100 \pi} = \frac{V}{50} = 0,8 \text{ cm}$$

$$\begin{aligned} y_M(t) &= 3.10^{-3} \sin\left(100 \pi t + \pi - \frac{2 \pi \cdot 5}{0,8}\right) = 3.10^{-3} \sin\left(100 \pi t + \pi - \frac{100 \pi}{8}\right) \\ &= 3.10^{-3} \sin\left(100 \pi t + \pi - \frac{25 \pi}{2}\right) = 3.10^{-3} \sin(100 \pi t - 2) \end{aligned}$$

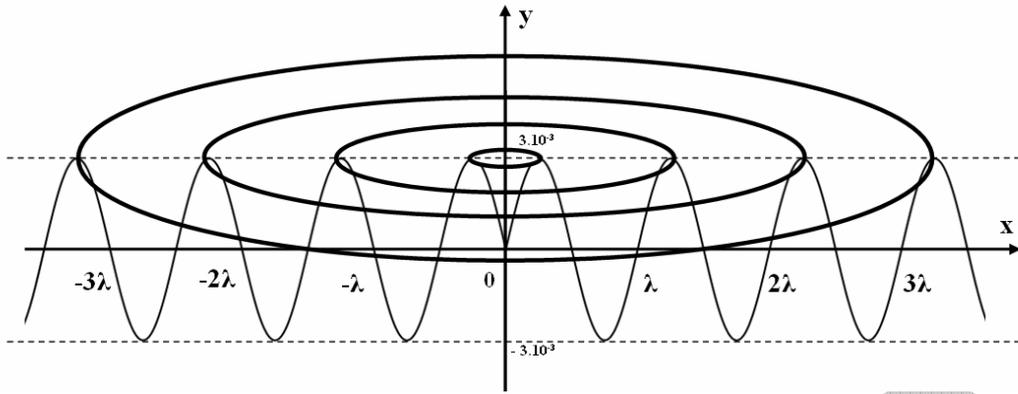
$$y_M(t) = 3.10^{-3} \sin\left(100 \pi t + \frac{\pi}{2}\right)$$

b- Comparaison des mouvements de S et de M

$$\Delta \varphi = |\varphi_S - \varphi_M| = \left| \pi - \frac{\pi}{2} \right| = \frac{\pi}{2}$$

S et M sont en quadrature de phase

3°) Aspect de la surface du liquide à $t = 8 \cdot 10^{-2} \text{ s}$



$$y_M(x)(8.10^{-2}) = 3.10^{-3} \sin \left(200 \pi (8.10^{-2}) + \pi - \frac{2 \pi x}{\lambda} \right) = 3.10^{-3} \sin \left(17 \pi - \frac{2 \pi x}{\lambda} \right)$$

$$X = \frac{\lambda t}{T} = \lambda \frac{0,08}{0,02} = 4 \lambda$$

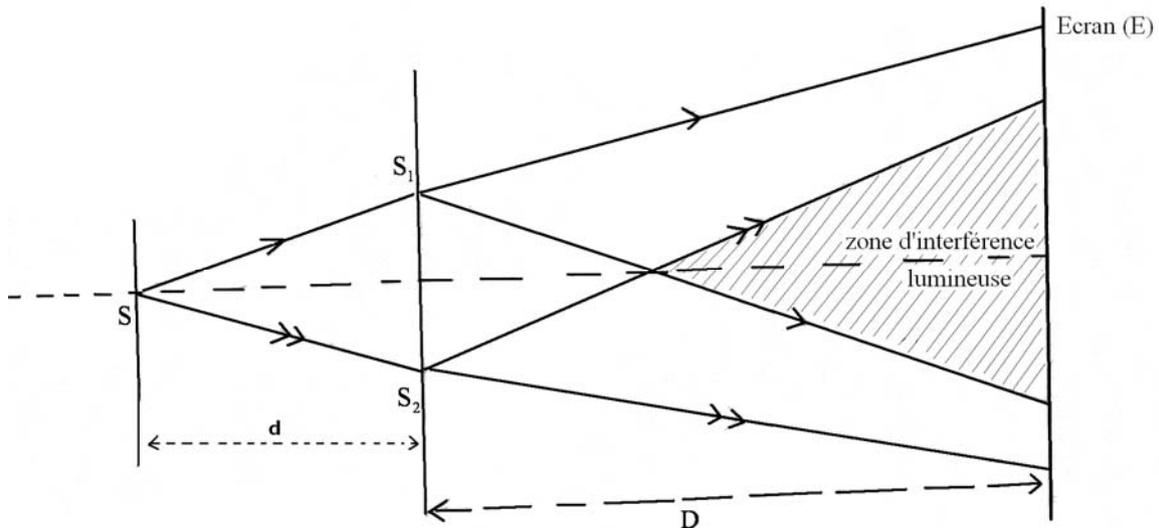
χ	0	$\lambda/4$	$\lambda/2$	$3\lambda/4$	λ
$y_M(\chi)$	0	3.10^{-3}	0	-3.10^{-3}	0

Nombre de crête : 8

$$\text{Rayon des crêtes : } \frac{\lambda}{4} ; \frac{5\lambda}{4} ; \frac{9\lambda}{4} ; \frac{13\lambda}{4}$$

Exercice 2 : INTERFERENCE LUMINEUSE

1°) a- Schéma du dispositif de la fente d'YOUNG :



b- Calcul de l'interfrange i : $i = \frac{\lambda D}{a}$

Avec $\lambda = 0,60 \mu\text{m}$; $D = 3\text{m}$; $a = S_1 S_2 = 2\text{mm}$

$$i = \frac{0,6 \cdot 10^{-6}}{2 \cdot 10^{-3}} \times 3 = 0,9 \cdot 10^{-3} \text{ m} = 0,9 \text{ mm}$$

2°) Calcul de $x = OM$ (M est le point où passe la 4^{ème} frange brillante, $k = 4$)



Abscisse des franges brillante $x(k) = k \cdot i \Rightarrow OM = k i = 4 \cdot 0,9 \text{ mm} = 3,6 \text{ mm}$.

3°) Calcul de la distance entre la source S et l'écran E, lorsque $\lambda_2 = 0,72 \mu\text{m}$ et $i = i' = 0,9 \text{ mm}$

Soit : $D' = d + D_2$ avec $d =$ distance entre S et le plan contenant S_1 et S_2

$D_2 =$ distance entre le plan de S_1 et S_2 et l'écran E

$$i = i' = \frac{\lambda_2}{a} D_2 \Rightarrow D_2 = \frac{i a}{\lambda_2} = \frac{0,9 \cdot 2}{0,72 \cdot 10^{-3}} = 0,25 \cdot 10^4 \text{ mm} = 2,5 \text{ m}$$

$$D' = d + D_2 = 0,5 \text{ m} + 2,5 \text{ m} = 3 \text{ m}$$

4°) Distance entre frange centrale et la première coïncidence

Coïncidence des franges brillantes : $\chi_1(k_1) = \chi_2(k_2)$

$$k_1 \frac{\lambda_1 D}{a} = \frac{k_2 \lambda_2 D}{a} \Rightarrow k_1 \lambda_1 = k_2 \lambda_2$$

$$\Rightarrow \frac{k_1}{k_2} = \frac{\lambda_2}{\lambda_1} = \frac{0,72}{0,60}$$

$$\frac{k_1}{k_2} = \frac{6}{5}$$

$$k_1 = 6 \text{ et } k_2 = 5$$

\Rightarrow La première coïncidence correspond à la 6^{ème} frange brillante de λ_1 et à la 5^{ème} frange brillante de λ_2 dont sa position à la frange centrale est $\chi_5 = k_2 i_2$;

$$\text{Soit : } \chi_2 = k_2 i_2 = k_2 \frac{\lambda_2 D}{a} = \frac{5 \times 0,72 \cdot 10^{-6} \times 3 \text{ m}}{2 \cdot 10^{-3}} = 5,4 \cdot 10^{-3} \text{ m}$$

$$\boxed{\chi_2 = \chi_1 = 5,4 \cdot 10^{-3} \text{ m}}$$

1°) a) Définition de la longueur d'onde seuil : λ_s

C'est la longueur d'onde maximale pour qu'il y ait effet photoélectrique

b) Calcul de λ_5

$$W_0 = h \gamma_5 = \frac{h c}{\lambda_5} \Rightarrow \lambda_5 = \frac{h c}{W_0} = \frac{6,62 \cdot 10^{-34}}{2,2 \cdot 1,6 \cdot 10^{-19}} 3 \cdot 10^8 = 0,56 \cdot 10^{-6} \text{ m} = 0,56 \mu\text{m}$$

2°) Il y a effet photoélectrique $\Leftrightarrow \lambda < \lambda_S$

$$\Rightarrow \lambda_2 = 0,40 \mu\text{m} < \lambda_5 = 0,56 \mu\text{m}$$

Avec λ_2 , il y a effet photoélectrique

3°) Calcul de la vitesse de l'électron à la sortie de la cathode

$$E_C = W - W_5$$

$$\text{Or } W = h \cdot \gamma = h \cdot \frac{c}{\lambda_2} = \frac{6,62 \cdot 10^{-34} \cdot 3 \cdot 10^8}{0,4 \cdot 10^{-6}} = 4,965 \cdot 10^{-19} \text{ J}$$

$$W_5 = W_0 = 2,2 \cdot 1,6 \cdot 10^{-19} \text{ J} = 3,52 \cdot 10^{-19} \text{ J}$$

$$E_C = 4,965 \cdot 10^{-19} - 3,520 \cdot 10^{-19} = 1,445 \cdot 10^{-19} \text{ J}$$

$$E_C = \frac{1}{2} \cdot m_e v^2 \quad \Rightarrow \quad v^2 = \frac{2 \cdot E_C}{m_e} \quad \Rightarrow \quad v = \sqrt{\frac{2 \cdot E_C}{m_e}}$$

$$\Rightarrow v = \sqrt{\frac{2 \cdot 1,445 \cdot 10^{-19}}{9,1 \cdot 10^{-31}}} = \sqrt{0,317 \cdot 10^{12}} = 0,56 \cdot 10^6 \text{ m.s}^{-1}$$

4°) Calcul du potentiel d'arrêt

$$\Delta E_C = q U_{AC} = -q U_C \quad \text{car } U_A = 0 \quad U_C = \frac{\Delta E_C}{-q} = \frac{1,445 \cdot 10^{-19} \text{ J}}{-1,6 \cdot 10^{-19} \text{ C}} = -0,9 \text{ Volt}$$

$$\Rightarrow |U_C| = 0,9 \text{ Volt}$$