La Bade, tour de guet.

badar, v. intr. et tr. Béer, bayer; regarder bouche bée; badauder; muser; être
ouvert. Dér. bada, f., guet; lieu élevé propre à servir pour guetter; perche de

dans: http://mertyl.free.fr/dico/alibert.pdf

dans la même famille :

Bade. v. l. et n. pr., dérivé de bâda; Sentinelle qu'on plaçait au haut d'une tour, ou d'un clocher dans des temps de trouble, pour découvrir l'ennemi de loin et pour faire le tocan, ou sonner le tocsin.

dans : • dict. languedocien-françois par Pierre-Augustin Boissier de Sauvages (1820)