***Quelque soit α > 1, et M > 0 il existe N\*, tel que le nombre des nombres premiers bornès entre N, et αN depasse M, à partir de N > N\****

***Démonstration :***

***La limite suivante existe bien, lors N →∞, puisque ***

******

***Alors cette limite é gale à α, lorsque N tend vers l'infinie***

***Donc Quelque soit ε > 0 ,il existe , tel que:***

******

***à partir de N > , Ou bien comme ci-apres :***

******

***Et c'est à partir de N >, Ou bien comme ca:***

******

***Ajoutons maintenant -aux toutes les côtées:***

******

***On s' en interésse, seulement à l'inégalité gauche:***

******

***Mais la côtée droite tend vers l'infinie à condition qu'il soit: ***

***c à d: , par exemple: ***

***Donc pour  il existe N\* tel que:***

******

 ***((selon Pierre Dusart*  ↑ *))***

***Et c'est à partir de N > max{6000 , N\*}***

***Tel que N\* va égale à int( R\*) , puisque R\* sera la résolution approximativé ((en analyse numerique )) de l'équation suivante:***



***Donc***

***Quelque soit α > 1, et M > 0 il existe N\*, tel que le nombre des nombres premiers bornès entre N, et αN depasse M, à partir de N annoté ci-dessous***

***N > max { 6000 , N\*}***

***Ca y est***